

RSA Step by Step

Schlüsselerzeugung

Öffentlicher Schlüssel

Wähle zwei Primzahlen und berechne ihr Produkt:

$$\begin{aligned} p &= 53 \text{ und } q = 59. \\ n &= P \cdot Q = 3127. \end{aligned}$$

außerdem berechnet man $\varphi(n) = (p-1)(q-1)$:

$$\varphi(n) = 3016$$

Nun benötigt man eine kleinere Zahl e mit folgenden Eigenschaften, die teilerfremd zu $\varphi(n)$ ist. Wir wählen für unser Beispiel $e=3$



Damit ist der **öffentliche Schlüssel**: 3127,3 (n,e)

Privater Schlüssel

- Um den privaten Schlüssel zu erhalten, benötigt man eine natürliche Zahl d mit $d = (k \cdot \varphi(n) + 1) / e$. 'k' ist dabei eine beliebige natürliche Zahl - **man kann aber nur solche k-s verwenden, bei denen d eine natürliche Zahl (>0) ergibt!**
- Wählt man für $k = 2$ ergibt sich $d=2011$.

Damit ist der **private Schlüssel**: 3127,2011 (n,d)

Verschlüsselung

Der Algorithmus kann nur Zahlen zwischen 0 und n ver- und entschlüsseln, man muss also zunächst Informationen als Zahlen codieren, zum Beispiel $H=8, A=1, I=9$. Damit wird HAI zur Zahl 819.

Verschlüsseln: $\text{geheimtext} = \text{klartext}^e \bmod n$ also $819^3 \bmod 3127 = 1899$

Entschlüsseln

- Zu entschlüsseln: $\text{geheimtext}=1899$.
- Vorgehen: $\text{klartext} = \text{geheimtext}^d \bmod n$ also $1899^{2011} \bmod 3127 = 819$

From:
<https://wiki.qg-moessingen.de/> - **QG Wiki**

Permanent link:
<https://wiki.qg-moessingen.de/faecher:informatik:oberstufe:kryptographie:rsa:start?rev=1648810736>

Last update: **01.04.2022 12:58**

